

## Übungen zur Vorlesung *Theoretische Mechanik*

### Übung 2

Abgabe: Mittwoch, den 07.05.2014 in der Vorlesung

#### Aufgabe 1

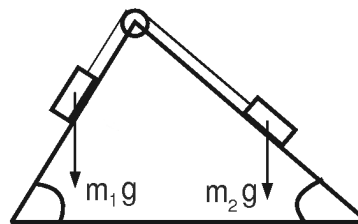
6 Punkte

Wir betrachten den schrägen Wurf unter Vernachlässigung von Reibung. Mit welchem minimalen Betrag der Geschwindigkeit muss man einen Körper werfen, damit er über eine Mauer der Höhe  $H$  fliegt? Der Abstand zwischen Werfer und Mauer sei  $L$ . Die Anfangshöhe ist  $y = 0$ .

#### Aufgabe 2

4 Punkte

Zwei Massen  $m_1$  und  $m_2$  liegen auf zwei schiefen Ebenen (siehe Bild rechts). Der Winkel zwischen den Ebenen sei  $\frac{5\pi}{12}$ . Die beiden Körper sind durch ein masseloses und unausdehnbares Seil über eine Rolle verbunden. Der statische Reibungskoeffizient der Ebenen sei  $\mu_g$ . Man bestimme alle Werte von  $m_1$ ,  $m_2$  und  $\mu_g$ , die zu einem Gleichgewicht der Massen, bzw. zu einem Zustand der Ruhe führen. (Man beachte, dass die Reibungskraft proportional ist zum Koeffizienten  $\mu_g$  mal die Kraft  $F^\perp$ , die den Körper auf die Fläche drückt (Auflagekraft)).



#### Aufgabe 3

1+2+2 Pkt.

Auf einen, im Gravitationsfeld der Erde, fallenden Kürbis mit Masse  $m = 5$  kg wirkt ein Luftwiderstand, der durch die Kraft  $F = -k m v$  beschrieben werden kann ( $g = 9.81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ ).

- Finden Sie die Endgeschwindigkeit des Kürbisses unter den Annahmen, dass der Kürbis keine Anfangsgeschwindigkeit hatte und  $k = 0.025 \text{ s}^{-1}$  ist.
- Mit ihrer selbstgebauten Kürbiskanone erreichen Sie Startgeschwindigkeiten des Kürbisses von  $v = 200 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ . Welche maximale Höhe  $H$  erreicht der Kürbis bei einem senkrechten Schuss nach oben, unter Berücksichtigung der oben genannten Bedingungen. Die Abschusshöhe sei bei 0.
- Bestimmen Sie die Bahn des Kürbisses aus der Sicht eines sich mit  $\vec{v}_R = (20, 0, 0) \frac{\text{km}}{\text{h}}$  relativ zur Kanone bewegenden Inertialsystems.

Bitte wenden

#### Aufgabe 4

2+2+1 Pkt.

Es sei

$$\vec{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix}$$

der Ortsvektor und  $\vec{F}(\vec{r})$  ein Kraftfeld der Form

$$\vec{F}(\vec{r}) = \begin{pmatrix} xy \\ yz \\ zx^2 \end{pmatrix}.$$

- (a) Berechnen Sie das Linienintegral  $\int_{\vec{a}}^{\vec{b}} \vec{F}(\vec{r}) \cdot d\vec{r}$  längs der folgenden Integrationswege:

– gerade Strecke von  $\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$  nach  $\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$ ,

– zusammengesetzter Weg aus den drei geraden Strecken von  $\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$  nach

$\begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$ , von  $\begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$  nach  $\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$  und von  $\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$  nach  $\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$ .

- (b) Berechnen Sie  $\vec{\nabla} \times \vec{F}(\vec{r})$ .

- (c) Ist  $\vec{F}(\vec{r})$  konservativ?

*Viel Erfolg*